

ملاحظة: مجموع الأعداد الحقيقية $a_1, a_2, \dots, a_n$ يعرف بـ

$$\sum_{i=1}^n a_i = a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n$$

$$\textcircled{1} \sum_{i=1}^5 i = 1 + 2 + 3 + 4 + 5 = 15$$

$$\textcircled{2} \sum_{m=1}^{100} 2^m = 2^1 + 2^2 + \dots + 2^{100}$$

$$\textcircled{3} \sum_{i=m}^n a_i = a_m + a_{m+1} + a_{m+2} + \dots + a_n$$

$$\textcircled{4} \sum_{k=0}^7 3^k = 3^0 + 3^1 + 3^2 + 3^3 + 3^4 + 3^5 + 3^6 + 3^7$$

$$\textcircled{5} \sum_{j=-2}^3 j^2 = (-2)^2 + (-1)^2 + (0)^2 + (1)^2 + (2)^2 + (3)^2$$

الأعداد المتحابية
تعريف: - يقال عن عددين طبيعيتين m, n أنهما متحابتان
إذا كان $\sigma(m) = \sigma(n) = m + n$

مثال: - العددان 220 و 284 متحابان لأن
 $220 + 284 = 504$

$$\sigma(284) = \frac{2^3-1}{2-1} \cdot \frac{71^2-1}{71-1} = 7 \cdot 72 = 504$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 284 \\ 2 & 142 \\ 71 & 71 \\ & 1 \end{array}$$

$$\therefore 284 = 2^2 \cdot 71$$

$$220 = 2^2 \cdot 5 \cdot 11$$

$$\sigma(220) = \frac{2^3-1}{2-1} \cdot \frac{5^2-1}{5-1} \cdot \frac{11^2-1}{11-1} = 7 \cdot 6 \cdot 12 = 504$$

$$\begin{array}{r|l} 2 & 220 \\ 2 & 110 \\ 5 & 55 \\ 11 & 11 \\ & 1 \end{array}$$

$$\therefore \sigma(284) = \sigma(220) = 284 + 220 = 504$$

$\therefore$ الأعداد 220 و 284 هما أعداد متحابتان

(١٥)

②

تعريف (الأعداد الطبيعية، ثنائية):

يقال لعدد طبيعي n أنه عدد تام إذا كانت

$$\sigma(n) = 2n$$

مثال :- أثبت أن كل من 6, 28, 496 عدد تام

الحل :- ① 6 عدد تام لأن

$$\sigma(6) = \frac{2^2-1}{2-1} \cdot \frac{3^2-1}{3-1} = 3 \cdot 4 = 12 = 2(6)$$

أي أنه $\sigma(6) = 2(6)$

$$28 = 2^2 \cdot 7$$

$$\sigma(28) = \frac{2^3-1}{2-1} \cdot \frac{7^2-1}{7-1} = \frac{7}{1} \cdot \frac{48}{6}$$

$$= 7 \cdot 8 = 56 = 2(28)$$

$$\begin{array}{r|l} 28 & 28 \\ 2 & 14 \\ 2 & 7 \\ 7 & 1 \end{array}$$

∴ 28 هو عدد تام

$$496 = 2^4 \cdot 31$$

$$\sigma(496) = \frac{2^5-1}{2-1} \cdot \frac{31^2-1}{31-1}$$

$$= \frac{31}{1} \cdot \frac{960}{30} = 31 \cdot 32 = 992$$

$$= 2(496)$$

③ لعدد 496

$$\begin{array}{r|l} 496 & 496 \\ 2 & 248 \\ 2 & 124 \\ 2 & 62 \\ 2 & 31 \\ 31 & 1 \end{array}$$

∴ لعدد 496 هو عدد تام